

EM 3 Conduction électrique

I. Intensité d'un courant électrique

I.1. Définitions

a) Conducteur

Un **conducteur** est un corps contenant des charges dites charges libres (ou porteurs de charges) susceptibles de se déplacer sous l'action d'une force si petite soit-elle.

Dans un métal, les porteurs de charges sont les électrons de conduction. Dans un électrolyte la conduction électrique est assurée par les déplacements des ions (anions négatifs et cations positifs) dans la solution.

b) Courant électrique

En l'absence de champ électrique les électrons ont un mouvement désordonné d'agitation thermique. À la température ordinaire la vitesse d'agitation thermique est assez élevée (de l'ordre de 10^5m.s^{-1}).

Soient :



- $d\tau$: un élément de volume suffisamment petit pour être considéré comme ponctuel, mais suffisamment grand pour contenir un grand nombre d'électrons (échelle mésoscopique).
- N : le nombre d'électrons contenus à l'intérieur de $d\tau$.
- \vec{v}_i la vitesse du i^{eme} électron.

On définit localement la vitesse d'ensemble des électrons par :

$$\vec{v} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N \vec{v}_i$$

On effectue donc une moyenne des vitesses sur le volume élémentaire $d\tau$.

En l'absence de champ électrique cette vitesse d'ensemble est nulle, l'agitation thermique étant totalement aléatoire.

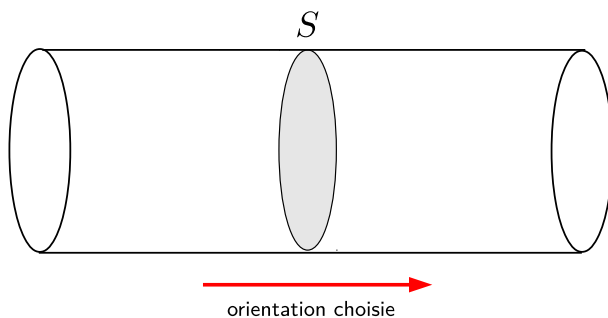
Quand on applique un champ électrique, chaque électron subit une force $-e\vec{E}$. Un mouvement d'ensemble dans la direction du champ électrique se superpose alors au mouvement d'agitation thermique.

$$\vec{v} \neq 0$$

En général cette vitesse d'ensemble est beaucoup moins élevée que la vitesse d'agitation thermique. Par exemple dans un fil de cuivre de section 1mm^2 parcouru par un courant d'intensité 1A , cette vitesse est de l'ordre de $0,1 \text{mm.s}^{-1}$.

I.2. Intensité d'un courant

L'intensité est une grandeur algébrique dont le signe dépend du sens d'orientation choisi.



L'intensité d'un courant traversant la section S du conducteur correspond à la charge traversant S par unité de temps.

$$I = \frac{\delta Q}{dt}$$

avec δQ la charge ayant traversé S dans le sens d'orientation choisi pendant dt .

Dimensionnellement $[I] = A = C.s^{-1}$

δQ peut être positive (exemple : déplacement de cations) ou négative (exemple : déplacement d'anions ou d'électrons de conduction)

On compte positivement les charges traversant S dans le sens d'orientation :

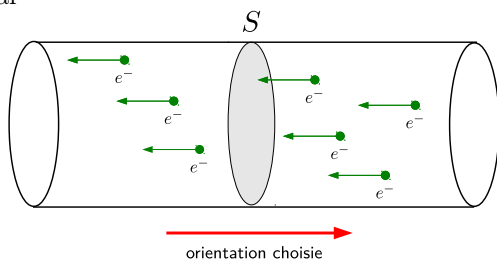
$$I = + \frac{\delta Q_{\rightarrow}}{dt}$$

On compte négativement les charges traversant S dans le sens opposé au sens d'orientation :

$$I = - \frac{\delta Q_{\leftarrow}}{dt}$$

Exemples :

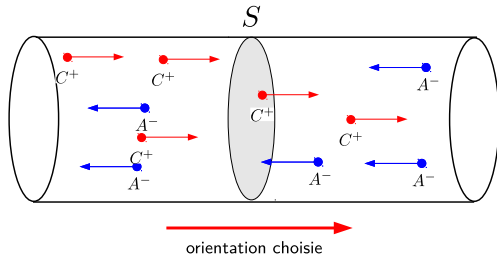
- métal



Préciser le sens de \vec{E} sur le schéma.

$$I = - \frac{\delta Q_{e^-}}{dt} > 0$$

- électrolyte



Préciser le sens de \vec{E} sur le schéma.

$$I = + \underbrace{\frac{\delta Q_{C^+}}{dt}}_{>0} - \underbrace{\frac{\delta Q_{A^-}}{dt}}_{>0} > 0$$

Un courant positif peut être dû à un déplacement de charges positives dans le sens d'orientation choisi ou à un déplacement de charges négatives dans le sens opposé au sens d'orientation choisi.

Inverser le sens d'orientation revient à changer le signe de I .

Quelques ordres de grandeur

Diode électroluminescente	$\simeq 10 \text{ mA}$
Électrocution	$\simeq 100 \text{ mA}$
Ampoule à incandescence	$\simeq 1 \text{ A}$
Radiateur 2 kW	$\simeq 10 \text{ A}$
Démarrreur auto	$\simeq 100 \text{ A}$
Éclair <0	$\simeq 10 \text{ à } 100 \text{ kA}$

II. Vecteur densité de courant

L'intensité du courant est un débit de charge (en $C.s^{-1}$). On peut faire une analogie avec le débit massique (en $m^3.s^{-1}$) vu en mécanique des fluides. Localement, le transport de masse était caractérisé par le vecteur densité de flux $\vec{j} = \rho \vec{v}$. On peut introduire un vecteur équivalent dans le cas de la conduction électrique.

II.1. Définition

On définit le vecteur **densité de courant** \vec{j} par

$$\vec{j} = \rho_m \vec{v}$$

avec ρ_m densité volumique de **charges mobiles** et \vec{v} la vitesse d'ensemble de ces charges.

Exemples :

- conduction dans un métal :

Soit n le nombre d'électrons de conduction par unité de volume.

$$\vec{j} = n(-e)\vec{v}$$

Exemple : pour le cuivre

- masse molaire $M = 63,55 \text{ g.mol}^{-1}$
- masse volumique $\mu = 8,96.10^3 \text{ kg.m}^{-3}$.
- constante d'Avogadro $\mathcal{N}_A = 6,02.10^{23} \text{ mol}^{-1}$

Si on admet que chaque atome libère un électron de conduction, quel est le nombre d'électrons libres par unité de volume ?

- conduction dans un électrolyte :

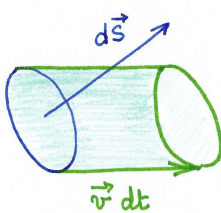
Dans ce cas il existe plusieurs types de porteurs de charges (exemples : des cations H_3O^+ , Na^+ , des anions Cl^- , OH^- , $\text{SO}_4^{2-} \dots$). Soit n_i la densité volumique du $i^{\text{ème}}$ porteur de charge. Soit q_i la charge portée par le $i^{\text{ème}}$ porteur de charge. Soit \vec{v}_i la vitesse d'ensemble du $i^{\text{ème}}$ porteur de charge.

$$\vec{j} = \sum_i n_i q_i \vec{v}_i$$

Remarque :

il ne faut pas confondre ρ_m la densité volumique de charges mobiles avec ρ la densité volumique de charge locale (qui tient compte des charges fixes et mobiles) et qui en général est nulle.

II.2. Flux du vecteur densité de courant

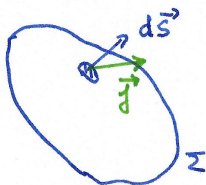


On considère une surface élémentaire $d\vec{S}$ orientée. La charge ayant traversé cette surface pendant le temps dt est contenue dans le cylindre de base dS , de génératrice $\vec{v} dt$ et de volume $d\vec{S} \cdot \vec{v} dt$. Elle vaut

$$\delta q = \rho_m d\vec{S} \cdot \vec{v} dt$$

$$\frac{\delta q}{dt} = \rho_m \vec{v} \cdot d\vec{S} = \vec{j} \cdot d\vec{S}$$

Le flux de \vec{j} à travers une surface dS correspond à la charge traversant cette surface par unité de temps. $\|\vec{j}\|$ s'exprime en A.m^{-2} .



On en déduit que le flux de \vec{j} à travers une surface Σ orientée correspond à l'intensité du courant traversant cette surface.

$$I = \iint_{\Sigma} \vec{j} \cdot d\vec{S}$$

L'intensité du courant traversant une surface Σ orientée est égale au flux du vecteur densité de courant à travers cette surface.

$$I = \iint_{\Sigma} \vec{j} \cdot d\vec{S}$$

II.3. Rappel : expression du flux dans le cas de géométrie simples

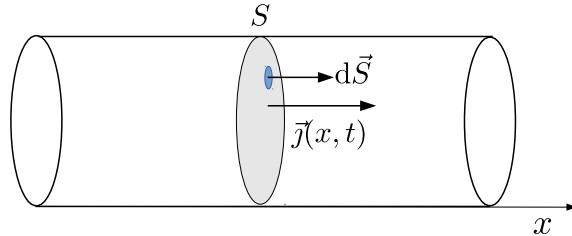
Ces calculs de flux on déjà été menés dans le cours de diffusion thermique et d'électrostatique.

a) Cas particulier d'un flux uniforme 1D axial

On suppose le vecteur densité de courant de la forme : $\vec{j} = j(x, t)\vec{u}_x$

On calcule l'intensité du courant traversant une surface S perpendiculaire à \vec{u}_x : le vecteur densité de courant est donc **uniforme** sur toute cette surface et **normal** à cette surface.

$$\begin{aligned} \iint_S \vec{j} \cdot d\vec{S} &= \iint_S j(x, t) dS \\ &= j(x, t) \iint_S dS \\ &= j(x, t) S \end{aligned}$$

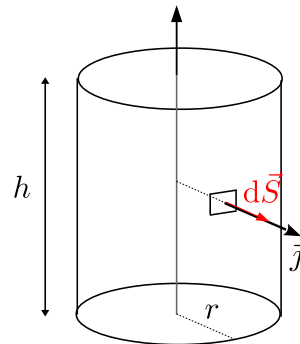


b) Cas particulier d'un flux radial en cylindrique

On considère un problème à symétrie cylindrique. Dans ce cas, le vecteur densité courant est de la forme : $\vec{j} = j(r, t)\vec{u}_r$ en coordonnées cylindriques.

On calcule l'intensité à travers une surface S cylindrique de rayon r et de hauteur h : le vecteur densité courant est normal à cette surface et possède une norme constante sur toute cette surface.

$$\begin{aligned} \iint_S \vec{j} \cdot d\vec{S} &= \iint_S j(r, t) dS \\ &= j(r, t) \iint_S dS \\ &= j(r, t) S \\ &= j(r, t) 2\pi r h \end{aligned}$$

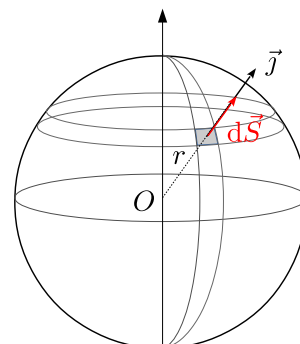


c) Cas particulier d'un flux radial en sphérique

On considère un problème à symétrie sphérique. Dans ce cas, le vecteur densité de courant est de la forme : $\vec{j} = j(r, t)\vec{u}_r$ en coordonnées sphériques.

On calcule l'intensité à travers une surface S sphérique de rayon r : le vecteur densité de courant est normal à cette surface et possède une norme constante sur toute cette surface.

$$\begin{aligned} \iint_S \vec{j} \cdot d\vec{S} &= \iint_S j(r, t) dS \\ &= j(r, t) \iint_S dS \\ &= j(r, t) S \\ &= j(r, t) 4\pi r^2 \end{aligned}$$



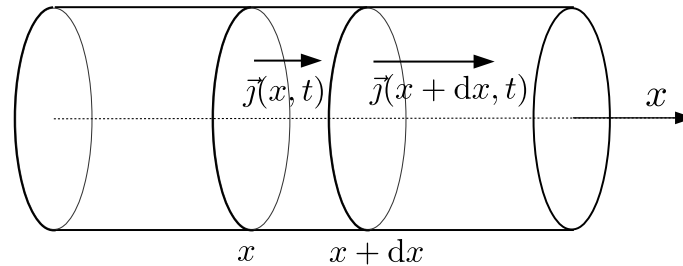
III. Équation de conservation de la charge à une dimension

La **charge électrique** est une grandeur **conservative** : la charge d'un système isolé est constante. Il ne peut y avoir création ou disparition de charge.

On va établir une équation locale qui traduit cette propriété.

III.1. Bilan 1D

On considère un conducteur cylindrique de section S parcouru par une densité volumique de courant de la forme : $\vec{j} = j(x, t)\vec{u}_x$



On souhaite faire un bilan de la charge contenue dans un volume élémentaire cylindrique de section S , de longueur dx compris entre les sections situées en x et $x + dx$, entre l'instant t et l'instant $t + dt$. On note $\rho(x, t)$ la densité volumique de charges.

Soit dq la variation de la quantité de charge contenue dans ce volume

$$dq = \rho(x, t + dt)Sdx - \rho(x, t)Sdx$$

$$dq = [\rho(x, t + dt) - \rho(x, t)] Sdx$$

$$dq = \frac{\partial \rho}{\partial t}(x, t)dt Sdx$$

La charge étant une grandeur conservative, la variation de charge contenue dans le volume Sdx est due à la différence entre la quantité de charge entrée et sortie entre l'instant t et l'instant $t + dt$.

$$dq = \delta Q_e - \delta Q_s$$

avec :

- δQ_e charge ayant traversé la section située à l'abscisse x pendant dt

$$\delta Q_e = j(x, t)Sdt$$

- δQ_s charge ayant traversé la section située à l'abscisse $x + dx$ pendant dt

$$\delta Q_s = j(x + dx, t)Sdt$$

ainsi

$$\frac{\partial \rho}{\partial t}(x, t)Sdxdt = [j(x, t) - j(x + dx, t)] Sdxdt$$

$$\frac{\partial \rho}{\partial t}(x, t)dx = -\frac{\partial j}{\partial x}(x, t)dx$$

On en déduit l'équation locale de conservation de la charge à une dimension :

$$\frac{\partial \rho}{\partial t}(x, t) + \frac{\partial j}{\partial x}(x, t) = 0$$

III.2. Généralisation à trois dimensions

Dans le cas unidimensionnel, $\frac{\partial j}{\partial x} = \text{div } \vec{j}$. L'équation locale de conservation de la charge s'écrit dans le cas général :

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \text{div } \vec{j} = 0$$

Remarque :

En mécanique des fluides on n'a étudié que des écoulements stationnaires, homogènes ($\rho = \text{cte}$). Dans ces conditions $\text{div } \vec{j} = 0$: on avait ainsi conservation du débit massique D_m , et du débit volumique $D_v = D_m/\rho$ dans toute section d'un tube de courant.

Dans le cas d'un écoulement non stationnaire, d'un fluide compressible (pour lequel ρ peut varier), la conservation de la masse se traduit par :

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \text{div } \vec{j} = 0$$

où ρ est la masse volumique du fluide et $\text{div } \vec{j} = \rho \vec{v}$ le vecteur densité de flux.

Justification de la loi de conservation 3D :

III.3. Cas particulier du régime stationnaire

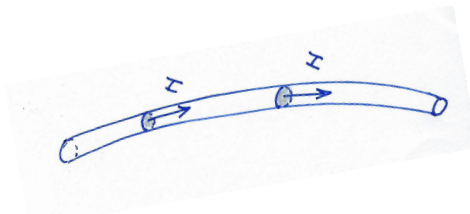
En régime stationnaire, toutes les grandeurs physiques sont indépendantes du temps : $\frac{\partial \rho}{\partial t} = 0$. L'équation de conservation de la charge se réduit à :

$$\text{div } \vec{j} = 0$$

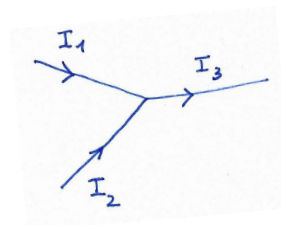
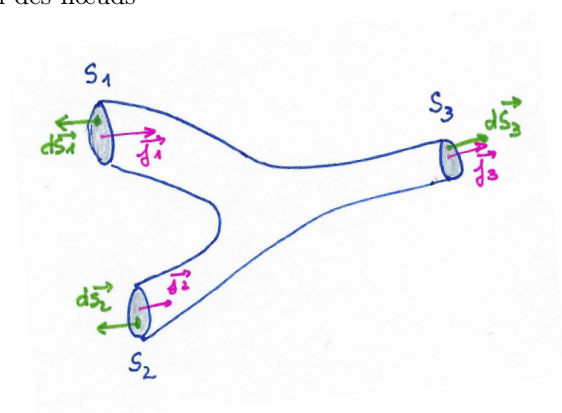
En régime stationnaire, le vecteur densité de courant est à flux conservatif.

Conséquences :

- L'intensité du courant est la même à travers toute section d'un même tube de courant. En particulier, si ce tube de courant coïncide avec un circuit filiforme, l'intensité du courant est la même tout au long du fil.



- Loi des nœuds



$$\oiint \vec{j} \cdot d\vec{S} = 0$$

$$\iint_{S_1} \vec{j} \cdot d\vec{S}_1 + \iint_{S_2} \vec{j} \cdot d\vec{S}_2 + \iint_{S_3} \vec{j} \cdot d\vec{S}_3 = 0$$

$$-I_1 - I_2 + I_3 = 0$$

$$I_1 + I_2 = I_3$$

III.4. Approximation des régimes quasistationnaires ARQS

Dans le cas où on ne se place plus en régime stationnaire (ou continu) peut-on toujours dire que l'intensité est la même en tout point d'un même fil électrique ?

Si on ferme un interrupteur, la lampe ne s'allume pas tout à fait instantanément. Les signaux électriques se propagent dans la ligne à une vitesse proche de c , célérité des ondes électromagnétiques dans le vide. Cela crée un retard à l'allumage de $\Delta t = L/c$, L étant la longueur de ligne entre l'interrupteur et la lampe. Ainsi si on choisit $L = 6$ m on trouve $\tau = \frac{6}{3 \cdot 10^8} = 2 \cdot 10^{-8}$ s.

On considère un circuit électrique alimenté par une source de tension variable, par exemple sinusoïdale de période T , et on note L la dimension caractéristique de ce circuit.

À quelle condition pourra-t-on considérer que l'intensité est la même en tout point d'un même fil conducteur, comme en régime stationnaire ?

▷ Il faut que le temps Δt mis par l'onde électromagnétique pour se déplacer sur toute la longueur L du fil soit très inférieur à la période T du signal :

$$\Delta t \ll T$$

ou de manière équivalente

$$\frac{L}{c} \ll T$$

$$L \ll cT$$

$$L \ll \lambda$$

avec λ longueur d'onde d'une onde électromagnétique de même période T que le signal.

Un circuit fonctionne dans l'ARQS si on peut négliger, à l'échelle du circuit, le temps de propagation du signal électromagnétique devant le temps caractéristique T de variation de la source.

$$\Delta t \ll T \quad \text{ou de manière équivalente} \quad f = \frac{1}{T} \ll \frac{1}{\Delta t} \quad \text{ou} \quad L \ll \lambda$$

avec $\Delta t = L/c$, L dimension caractéristique du circuit et λ la longueur d'onde d'une onde électromagnétique de période T .

Dans ce cas, l'intensité dans un même fil reste constante et la loi des nœuds reste applicable.

Exemples :

- Réseau EDF

$$f = 50 \text{ Hz} \quad \lambda = cT = \frac{c}{f} = \frac{3 \cdot 10^8}{50} = 6 \cdot 10^6 \text{ m} = 6000 \text{ km.}$$

L'ARQS s'applique donc sans difficulté (même à l'échelle d'un département!).

- En TP, on dispose de GBF. Si on utilise une fréquence $f = 1 \text{ MHz}$, est-on dans l'approximation des régimes quasi-stationnaires?

$$f = 1 \text{ MHz}, \quad \lambda = cT = \frac{c}{f} = \frac{3 \cdot 10^8}{10^6} = 3 \cdot 10^2 \text{ m} = 300 \text{ m}$$

qui reste très supérieure aux dimensions des circuits électrique réalisés.

- Une antenne FM de 1 m émet des ondes de fréquence proches de 100 MHz, soit 100 fois plus élevé que celle de l'exemple précédent.

On trouve donc $\lambda = 3 \text{ m}$, ce qui est du même ordre de grandeur que la dimension de l'antenne. L'intensité varie d'un point à l'autre de l'antenne (il faut même qu'elle s'annule aux extrémités!). L'ARQS n'est donc pas applicable ici.

IV. Effet Joule

IV.1. Loi d'Ohm locale

Dans un conducteur les porteurs de charges sont mis en mouvement par l'application d'un champ électrostatique \vec{E} lié une différence de potentiel. Dans de nombreux cas, le champ appliqué reste suffisamment faible pour que le vecteur densité de courant \vec{j} et le vecteur champ électrique \vec{E} soient liés par une relation linéaire.

a) Énoncé

Dans un milieu conducteur, le vecteur densité de courant créé par l'application d'un champ électrostatique \vec{E} est de la forme

$$\vec{j} = \gamma \vec{E}$$

avec γ la **conductivité électrique** du matériau. Dimensionnellement $[\gamma] = \Omega^{-1} \cdot \text{m}^{-1} = \text{S} \cdot \text{m}^{-1}$

Remarque : la conductivité électrique est également notée σ .

Pour le cuivre $\gamma = 5,9 \cdot 10^7 \text{ S} \cdot \text{m}^{-1}$; pour le verre $\gamma \simeq 10^{-13} \text{ S} \cdot \text{m}^{-1}$

b) Modèle de Drüde

On peut tenter de justifier la loi d'Ohm locale à l'aide d'un modèle simplifié : le modèle de Drüde. Les électrons sont mis en mouvement par l'application d'un champ électrostatique \vec{E} . Au cours de leur déplacement dans le métal, ils subissent des chocs avec les éléments du réseau cristallin. Ces chocs freinent la progression des électrons dans le métal et sont responsables d'une dissipation d'énergie. On modélise leur action par une force de frottement visqueux $-h\vec{v}$.

On considère comme système un électron de conduction.

On se place dans le référentiel lié au conducteur supposé galiléen.

On attribue à un l'électron, la vitesse d'ensemble des électrons libres à l'échelle mésoscopique.

L'électron est soumis à

- la force électrique : $-e\vec{E}$
- la force de frottement $-h\vec{v}$
- son poids (négligeable)

L'équation du mouvement d'un électron en présence d'un champ électrique \vec{E} est donc :

$$m \frac{d\vec{v}}{dt} = -e\vec{E} - h\vec{v}$$

$$\frac{d\vec{v}}{dt} + \frac{h}{m}\vec{v} = -\frac{e}{m}\vec{E}$$

Étude du régime transitoire :

À $t = 0$ on applique un champ électrique \vec{E} indépendant du temps. La vitesse de l'électron est donc de la forme :

- solution particulière : $\vec{v}_0 = -\frac{e}{h}\vec{E}$

- solution de l'équation linéaire homogène associée : $\vec{v} = \vec{A}e^{-ht/m} = \vec{A}e^{-t/\tau}$ avec $\tau = m/h$

À $t = 0$, $\vec{v} = \vec{0}$ d'où :

$$\vec{v} = \vec{v}_0(1 - e^{-t/\tau})$$

$\tau = m/h$ représente le temps caractéristique du régime transitoire (ou temps de relaxation). Au bout de quelques τ la vitesse limite \vec{v}_0 est atteinte :

$$\vec{v}_0 = \frac{-e\vec{E}}{h} = \frac{-e\tau}{m}\vec{E} = \mu\vec{E}$$

où μ est appelé **mobilité** des électrons.

Pour le cuivre, $\tau = 2,5 \cdot 10^{-14}$ s. On peut donc considérer que le régime permanent est atteint quasi-instantanément.

Solution en régime permanent :

En régime permanent, $\vec{j} = -ne\vec{v}_0 = \frac{ne^2}{h}\vec{E} = \frac{ne^2\tau}{m}\vec{E}$.

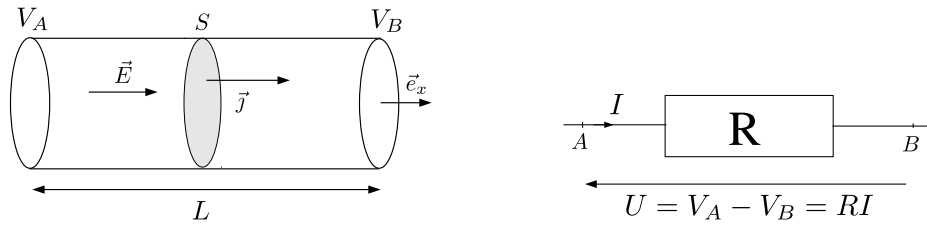
On en déduit la loi d'Ohm microscopique :

$$\vec{j} = \gamma\vec{E} \quad \text{avec} \quad \gamma = \frac{ne^2}{h} = \frac{ne^2\tau}{m}$$

IV.2. Résistance électrique d'un tronçon de conducteur

a) Loi d'Ohm macroscopique

On considère un tronçon de conducteur. La face d'entrée est portée au potentiel V_A et la face de sortie au potentiel V_B ($V_A > V_B$).



Le champ électrique à l'intérieur du conducteur est de la forme $\vec{E} = E \vec{e}_x$ avec E uniforme. On a la relation :

$$U = V_A - V_B = \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l} = \int_A^B E dx = E(x_B - x_A) = EL$$

La loi d'ohm microscopique donne

$$\vec{j} = \gamma \vec{E} = j \vec{e}_x \quad \text{avec } j = \gamma E$$

Dans ce cas, la densité volumique de courant est uniforme.

Soit I l'intensité du courant traversant une section droite quelconque S du conducteur orientée dans le sens des x croissants (l'intensité est une grandeur algébrique dont le signe dépend du sens d'orientation arbitrairement choisi) :

$$I = \frac{dQ}{dt} = \iiint_S \vec{j} \cdot d\vec{S} = \iiint_S j \vec{e}_x \cdot dS \vec{e}_x = \iint_S j dS = j \iint_S dS = jS \text{ car } j \text{ est uniforme.}$$

or $j = \gamma E$ d'où

$$I = \gamma ES = \gamma \frac{U}{L} S$$

La loi d'Ohm macroscopique s'exprime sous la forme :

$$I = \frac{U}{R}$$

où R désigne la **résistance** du tronçon de conducteur. On en déduit

$$R = \frac{L}{\gamma S} = \frac{\rho L}{S}$$

avec $\rho = \frac{1}{\gamma}$ la **résistivité** du matériau mesurée en $\Omega \cdot m$.

Rappel : la **conductance** G est définie comme l'inverse de la résistance et se mesure en siemens. On a alors :

$$G = \frac{1}{R} = \frac{\gamma S}{L}$$

b) Limite de validité de la loi d'Ohm

- Cette loi est une loi empirique déduite de mesures expérimentales. Elle s'applique à de nombreux matériaux. Elle est très bien vérifiée pour les métaux. On mesure par exemple $\gamma(Al) = 3,7 \cdot 10^7 \Omega^{-1} \cdot m^{-1}$ et $\gamma(Cu) = 5,9 \cdot 10^7 \Omega^{-1} \cdot m^{-1}$.

- Le temps de relaxation τ du cuivre est, compte tenu de ces valeurs numériques $\tau = 2,5 \cdot 10^{-14} s$: dans ce cas le régime permanent s'instaure quasi-instantanément.

La loi d'Ohm peut s'étendre au domaine des champs électriques variables, à condition que leur période T soit très supérieure à τ , donc que leur fréquence soit inférieure à $1/\tau$ soit environ 10^{13} Hz, qui correspond aux fréquences infrarouges.

- D'autres conducteurs vérifient la loi d'Ohm :

Les électrolytes ont une conductivité qui dépend de la nature des ions dissous et de leurs concentrations. Des mesures conductimétriques sont d'ailleurs effectuées en chimie.

Le silicium et le germanium présentent à l'état pur des conductivités de l'ordre de $1 \Omega^{-1} \cdot m^{-1}$, valeur intermédiaire entre celles des métaux bons conducteurs et celles des isolants, ce qui justifie leur appellation de semi-conducteurs. En leur ajoutant une faible quantité d'impuretés (arsenic ou antimoine) on peut multiplier leur conductivité jusqu'à 10^4 .

- Un modèle complet de conduction doit faire appel à la mécanique quantique. En fait, la résistivité n'est pas due aux chocs des électrons sur les ions du réseau, mais aux imperfections de ce dernier : sa périodicité est altérée par la présence de défauts cristallins, d'impuretés et par l'agitation thermique.

De plus la mécanique quantique permet d'expliquer le phénomène de supraconductivité : en dessous d'une température critique la résistivité s'annule.

- La loi d'Ohm ne s'applique que dans un référentiel lié au conducteur.

IV.3. Analogie avec la conduction thermique

Conduction électrique	Conduction thermique
$\vec{j} = -\gamma \overrightarrow{\text{grad}} V$	$\vec{j}_Q = -\lambda \overrightarrow{\text{grad}} T$
$I = \iint \vec{j} \cdot d\vec{S}$	$\phi_{th} = \iint \vec{j}_Q \cdot d\vec{S}$
$R = \frac{\Delta V}{I}$	$R_{th} = \frac{\Delta T}{\Phi_{th}}$
$R = \frac{\rho L}{S} = \frac{S}{\gamma L}$	$R_{th} = \frac{S}{\lambda L}$

V. Aspect énergétique

Un porteur de charge q plongé dans un champ électrique \vec{E} subit une force $\vec{F} = q\vec{E}$. Soit \vec{v} la vitesse à laquelle se déplace ce porteur de charge. La puissance de cette force est :

$$\vec{F} \cdot \vec{v} = q\vec{E} \cdot \vec{v}$$

Si le milieu comporte n porteurs de charge par unité de volume, la puissance $d\mathcal{P}$ transmise à l'ensemble des porteurs de charge contenus dans un volume mésoscopique $d\tau$ vaut

$$d\mathcal{P} = nd\tau q \vec{E} \cdot \vec{v}$$

$$d\mathcal{P} = nq\vec{v} \cdot \vec{E}d\tau$$

$$d\mathcal{P} = \vec{j} \cdot \vec{E}d\tau$$

La puissance volumique cédée au conducteur par le champ électrique vaut donc :

$$\mathcal{P}_v = \frac{d\mathcal{P}}{d\tau} = \vec{j} \cdot \vec{E}$$

La puissance volumique cédée par le champ électrique au conducteur est :

$$\mathcal{P}_v = \vec{j} \cdot \vec{E} = \gamma E^2 = \frac{j^2}{\gamma}$$

Cette puissance est positive : le conducteur transforme l'énergie reçue en énergie thermique. C'est l'**effet Joule**.

Notions et contenus	Capacités exigibles
Courant dans un conducteur	<p>Définir le vecteur densité de courant.</p> <p>Établir l'équation de conservation de la charge à une dimension en régime variable. Énoncer sa généralisation à trois dimensions puis expliquer que le vecteur densité de courant est à flux conservatif en régime stationnaire.</p> <p>Énoncer la loi d'Ohm locale.</p> <p>Expliquer l'effet Joule, définir la résistance électrique dans un conducteur et présenter le lien avec la conduction thermique en régime stationnaire.</p> <p>Exprimer la condition d'application de l'ARQS en fonction de la taille du circuit et de la fréquence des signaux.</p>